# 8. 數學科

# 2013 年全港性系統評估小學三年級成績

2013 年小三學生在數學科達到基本水平的百分率為 87.5%, 今年學生的表現 與 2011 和 2012 年相若。

# 小學三年級評估設計

小學三年級的數學科評估是根據《數學課程第一學習階段終結的基本能力 (試用稿)》及《數學課程指引(小一至小六)二零零零年》兩份文件擬訂題 目。評估涵蓋小一至小三課程的「數」、「度量」、「圖形與空間」及「數據處 理」四個範疇,並在概念、知識、技能和應用四方面作重點評估。

根據題目情境的需要,評估採用了不同的題型,包括填充、只須填寫答案、 列式作答及多項選擇等。部分題目更設有分題,有些題目不但要求學生找出答 案,亦會評核學生展示解題方法及步驟的能力,包括寫出命題、數式和文字解說 等。

評估涵蓋第一學習階段數學科的四個範疇,共設 119 題,總分為 193 分。這些題目組成了四張分卷,每卷答題時限為 40 分鐘,各自涵蓋四個範疇的內容。有些題目會在多於一張分卷內使用,藉此作為分卷間的聯繫。每名學生只須作答其中一張分卷。

#### 四張分卷的題目組成如下:

分卷	題數(分數)				
	「數」 範疇	「度量」	「圖形與空 間」範疇	「數據處理」範疇	總數
M1	19(24)	8(17)	8(11)	2(6)	37(58)
M2	19(25)	10(17)	8(10)	2(6)	39(58)
М3	19(26)	9½(15)	8½(17)	2(5)	39(63)
M4	16(23)	9(16)	8(14)	2(5)	35(58)
總數*	53(75)	28½ (51)	30½ (47)	7(20)	119(193)

表 8.1 各分卷的题目組成

# 2013年達到基本水平的小三學生表現

### 小三「數」範疇

學生在「數」範疇的表現良好。他們能理解分數的基本概念和比較分數的大小。學生擅長計算整數的加法、減法、乘法、除法和混合算式題。學生一般能解答應用題並清楚地展示解題方法和計算步驟。學生在計算涉及餘數的除法應用題方面,表現令人滿意。以下分述他們的表現,並從各分卷中舉例說明(見括號內所引的題號及卷號)。

### 整數和分數的基本概念

- 學生在認識整數的位值及各數字所代表的值方面表現特佳(例如 Q1/M1; Q1/M3; Q1/M4)。大部分學生能讀、寫和排列不超過五位的數(例如 Q2/M1; Q2/M3; Q3/M3)。
- 少數學生仍未能正確地以中文或英文寫出阿拉伯數字表示的整數(參閱下頁 Q3/M1的學生答案)。

<sup>\*</sup>同時在多張分卷出現的題目只計算一次

Q3/M1

答案: 四禺六千零三十五

答案: 4 第六千零三十五

Answer: Forty-six and thirty-five

- 大部分學生能掌握分數作為整體的部分 (例如 Q16/M1; Q17/M1; Q17/M2; Q18/M2; Q14/M4)。
- 絕大部分學生理解分數與 1 作為整體的關係 (例如 Q19(a)/M2; Q15(a)/M4)。
- 很多學生能比較同分子或同分母分數的大小 (例如 Q18/M1; Q19/M1; Q19(b)/M2; Q15(b)/M4; Q16/M4)。

### 整數的基本計算

- 加法 大部分學生善於計算整數的加法(例如 Q4/M1),他們能處理三位 數連加,包括進位(例如 Q4/M3; Q3/M4)。
- 減法 大部分學生能計算三位數減法,包括退位和連減法(例如 Q5/M1; Q6/M1; Q5/M3; Q4/M4)。
- 乘法 大部分學生能計算不超過一位數乘三位數,包括進位(例如 Q7/M1;
   Q7/M3; Q5/M4) 和連乘法(例如 Q6/M3)。
- 除法一學生能計算一位數除三位數(例如 Q8/M1; Q8/M3; Q7/M4)。在Q9/M1中,少數學生在商漏寫「0」,因而錯誤地選擇了B項,而個別學生忽略餘數而選擇C項。

四則混合 — 大部分學生能計算加減混合算式題,包括小括號(例如Q8/M4)。他們大都能應付乘減混合計算(例如Q9/M4),但在Q10/M1和Q9/M3中,少數學生忽略了「先乘除、後加減」的運算法則,而錯誤地選擇了D項。

#### 解答應用題

學生能理解和解答加、減法的簡易應用題(例如 Q13/M1; Q14/M1; Q11/M3; Q13/M3)。在 Q12/M2 中,一些學生不小心計算減法或混淆減數和被減數(參閱以下的學生答案)。

#### Q12/M2

205+ 139-500 = 156 GU

- 大部分學生能解答涉及乘法(例如 Q11/M1; Q15/M1; Q10(a)/M3)或混合計算的簡易應用題(例如 Q13/M2; Q12/M3; Q11/M4)。在 Q14/M2中,小部分學生不小心閱題或不理解題意,忽略了「一星期」而選擇 A 項。
- 大部分學生能解答涉及除法應用題(例如 Q10(b)/M3; Q13/M4),少數學生 混淆除數和被除數或不小心計算答案(參閱以下的學生答案)。

#### Q13/M4

最多可能成为少年 9+947 二份(個) 邊餘: 947÷9 =16(筒),(、2個) 即最多可裝成17筒

很多學生能解答加、減、乘及除的貨幣應用題(例如 Q12/M1; Q16/M2; Q12/M4)。然而過半學生未能計算涉及「元」換算作「角」的除法(例如 Q15/M2)。

- 在列式解答應用題時,學生大都能展示解題方法和步驟,但部分學生演繹的答案或解釋不符合邏輯(參閱以下的學生答案)。
- (a) 部分學生的步驟混亂及計算不小心:

Q12/M2	Q11/M3
應找回: 205+139 (500-344) =500-344 = 156元)	737-185+737 = 552+737 = 1239 The toal length of mature trail is 1239m

(b) 部分學生的表達不符合邏輯:

Q13/M2	
原有:	
26-6+17	
= 156 +17	
=174(粒)	
原有174粒。	

(c) 部分學生的解題步驟不完整:

# 

### 小三「度量」範疇

達到基本水平的學生在「度量」範疇的表現良好。絕大部分學生能辨認及使用香港的流通貨幣和讀出商品的標價牌。大部分學生能比較不同物件的長度、重量和容器的容量。他們能選擇合適的單位記錄物件的長度和重量,也能選擇合適的工具量度長度、重量和容器的容量。然而,比較不同物件的重量時,學生的表現較弱。

絕大部分學生能閱讀鐘面或數字鐘,他們一般能認識月曆的日期和星期,但 一些學生在應用「24 小時報時制」和推算活動所需日數的表現仍有待改善。以 下分述他們的表現,並從各分卷中舉例說明(見括號內所引的題號及卷號)。

#### 香港的貨幣

- 絕大部分小三學生能辨認香港的流通貨幣(例如 Q20(a)/M1)和讀出商品的標價牌(例如 Q20(a)/M2)。
- 小三學生普遍能使用香港的流通貨幣(例如 Q20(b)/M1; Q20(b)/M2)。
- 大部分小三學生能掌握簡單的貨幣換算 (例如 Q21/M1)。

#### 日期和時間

- 大部分學生能寫出正確的日期和星期(例如 Q23(a)和 (c)/M1; Q23(a)和 (c)/M2),但一些學生未能根據特定條件利用月曆推算正確的日數(例如 Q23(b)/M1; Q23(b)/M2)。
- 絕大部分學生能閱讀鐘面(例如 Q24(a)/M1)和數字鐘(例如 Q24(a)/M2)。
- 大部分小三學生能以「分鐘」和「秒」來量度時間(例如 Q24(c)/M1;
   Q28(a)/M3),但一些學生明顯地未能理解題目並推算正確的時段(參閱下頁 Q24(c)/M1 的學生答案)。

#### Q24(c)/M1



離家時間



到校時間

(c) 學校在上午八時開始上課。森美到達學校的時間比

開始上課的時間早了 \_\_\_\_\_ 分鐘。

大部分學生能認識和應用「24 小時報時制」(例如 Q24(b)/M1; Q25/M2; Q28(b)/M3)。但一些學生未能恰當地運用「24 小時報時制」表示時間(參閱以下的學生答案)。

#### Q28(b)/M3

名次	運動員	所需時間
1	張小金	7分鐘 17秒
2	黄國強	7分鐘 36 秒
3	李子傑	8 分鐘 37 秒
4	何卓仁	9分鐘 0秒

跑步比賽在下午二時開始,用「24小時報時制」 表示,何卓仁在 \_\_\_\_\_ : \_\_\_ 完成 比賽。

# 長度、距離、重量和容量

- 絕大部分學生能直接比較物件的距離(例如 Q22/M3)和以自訂單位比較不同物件的長度(例如 Q17/M4)。
- 大部分學生能用直尺量度物件的長度(例如 Q21(b)/M3)和以「公里」表示 及比較距離(例如 Q23/M3)。

- 大部分學生能以自訂單位比較不同物件的重量(例如 Q25/M1),但直接比較物件的重量時,很多學生遇到困難(例如 Q26/M2),小部分學生傾向認為外形較小的物件較輕而選擇 B 項。
- 大部分學生能以「克」(g)或「公斤」(kg)為單位,量度物件的重量 (例如 Q27(a)/M2; Q27/M3),但當須比較物件的重量時表現較弱(例如 Q27(b)/M2)。
- 絕大部分學生能以手指闊度作為「永備尺」量度較小物件的闊度(例如Q21/M2)。
- 在選擇合適的工具量度物件的高度、重量和容器的容量方面(例如 Q24/M3;
   Q26/M3; Q29/M2),學生表現不俗。
- 學生一般能選擇合適的單位來記錄物件的長度(例如 Q22(a)和 (c)/M1; Q22(a)/M2; Q25(b)/M3; Q18(a)和 (c)/M4)和重量(例如 Q22(b)/M1; Q22(b)/M2; Q25(a)/M3),但部分學生對「克」(g)和「公斤」(kg)的概念模糊(例如 Q18(b)/M4)。
- 部分學生混淆了長度單位和重量單位(參閱下列 Q18(b)/M4 的學生答案)。

Q18(b)/M4

- 輛私家車重約 1000 <u>米</u>。

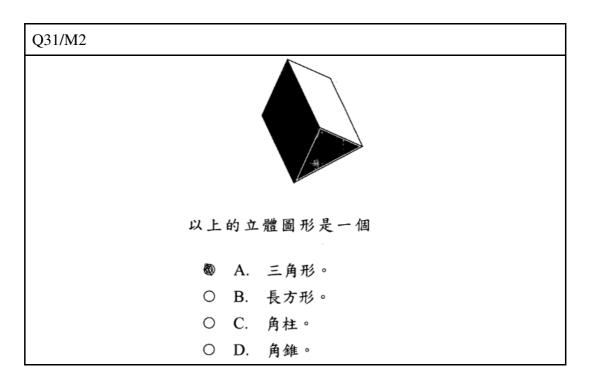
- 多數學生能直接比較容器的容量 (例如 Q26/M1) 及以自訂單位量度及比較容器的容量 (例如 Q27/M1)。
- 大部分學生能以「升」(L)或「毫升」(mL)為單位,量度及比較容器的容量(例如 Q28/M2; Q29/M3)。

# 小三「圖形與空間」範疇

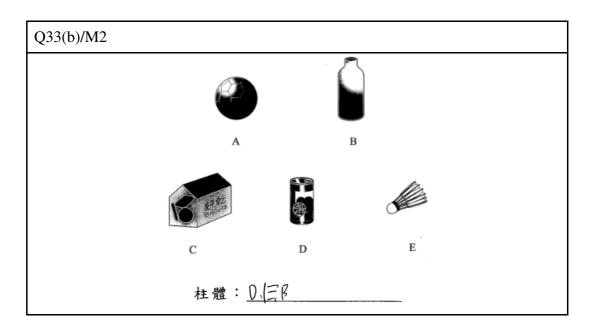
小三學生在「圖形與空間」範疇的表現良好,大部分學生能辨認常見的平面 圖形和立體圖形,掌握直線、曲線、平行線和垂直線的基本概念,辨認直角和比 較角的大小,但一些學生在辨認柱體和四個主要方向的表現較弱。以下分述他們 的表現,並從各分卷中舉例說明(見括號內所引的題號及卷號)。

#### 立體圖形

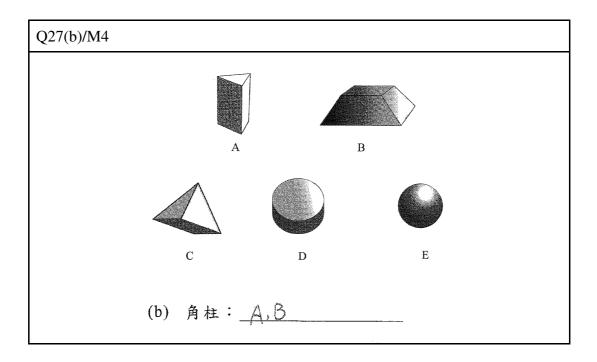
大部分學生能辨認立體圖形,包括角柱和角錐(例如 Q28/M1; Q30/M2; Q31/M2; Q30/M3)並正確寫出立體圖形的名稱(例如 Q29/M1; Q26/M4),但一些學生把三角柱和三角形混為一為談(參閱下列 Q31/M2 的學生答案)。



- 小三學生一般能把立體圖形按柱體、錐體和球體分類,也能把日常生活中熟悉的物件分類(例如 Q33(a)/M2; Q32/M3; Q27(a)/M4)。
- 很多學生辨認角柱的表現較弱 (例如 Q33(b)/M2 中選了 B、E) (參閱以下的學生答案)。



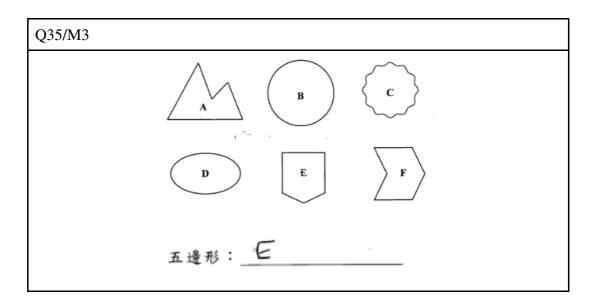
• 部分學生將 Q27(b)/M4 的圖形 B 誤作角柱(參閱以下的學生答案)。



絕大部分學生能比較物件的厚度(例如 Q29/M4)。

### 平面圖形

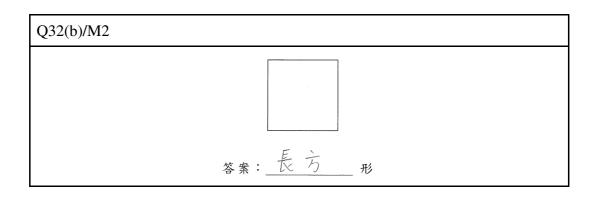
- 一般來說,大部分學生能辨認平面圖形,包括三角形、正方形、四邊形、 五邊形、梯形、菱形及圓 (例如 Q30/M1; Q32/M2; Q34/M3; Q28/M4; Q30/M4)。
- 當一個五邊形以非一般形貌呈現時,部分小三學生未能正確辨認其為五邊形 (參閱下列 Q35/M3 的學生答案)。



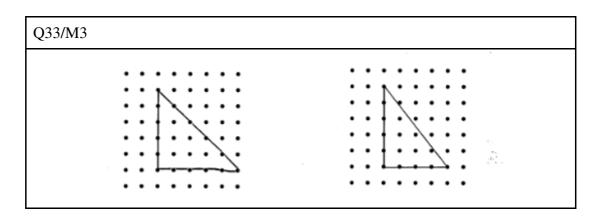
 部分學生未能準確地辨認菱形(只認定為平行四邊形)。另有部分學生錯寫了 菱形的名稱(參閱下列 Q32(a)/M2 的學生答案)。

Q32(a)/M2		
	(a) 答案:	形
	答案:	形
	答案:	杉

• 極少數學生混淆了正方形和長方形 (參閱下列 Q32(b)/M2 的學生答案)。



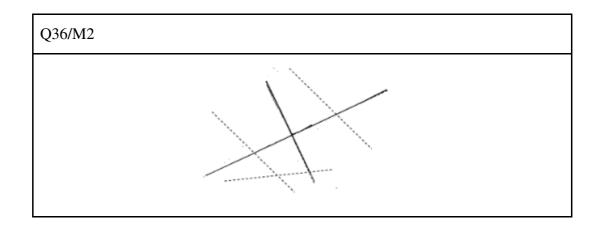
小三學生能辨認直角三角形、等邊三角形和等腰三角形(例如 Q31/M1; Q34/M2; Q33/M3; Q31/M4)(參閱下列 Q32(b)/M2 的學生答案)。



- 部分學生把「長而窄」的直角三角形和等腰三角形混為一談(例如 Q21(a)/M3)。
- 大部分學生能辨認兩個平面圖形的相互位置(例如 Q32/M4)。

#### 直線和曲線

大部分學生善於辨別直線和曲線(例如 Q33/M1; Q36/M3),他們亦能從圖形中找出一組垂直線(例如 Q36/M2)(參閱下頁的學生答案)。



大部分學生能畫出垂直線和平行線(例如 Q32/M1; Q35/M2)(參閱以下的學生答案)。

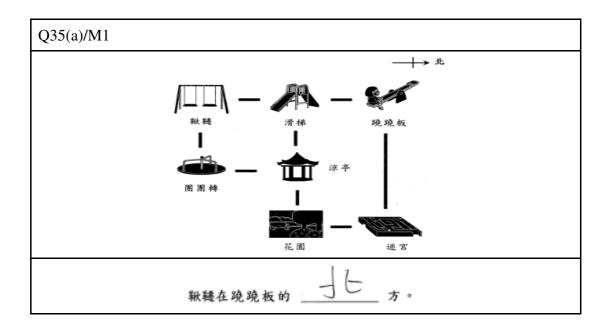
Q32/M1	Q35/M2

### <u>角</u>

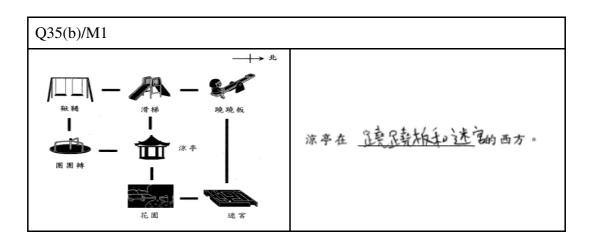
- 絕大部分學生可辨別直角 (例如 Q37/M2)。
- 絕大部分學生能比較角的大小(例如 Q34/M1)。

### 方向

大部分學生能認識東、南、西、北四個主要方向(例如 Q35(a)/M1),惟部分學生未能判斷物件相對於參考點的正確方向(例如 Q35(a)/M1)(參閱下頁的學生答案)。



在Q35(b)/M1中一些學生沒有留意地圖上代表「北」的箭頭方向是向右(參閱以下的學生答案)。



當一個物件相對於某一個參考點的方向為已知時,小部分學生未能辨別該參考點(例如 Q35(b)/M1; Q37(a)/M3)。

# 小三「數據處理」範疇

學生在「數據處理」範疇的表現良好。他們能閱讀和解釋象形圖中的數據或 資料,並利用這些數據或資料解答簡單的問題。學生亦能利用表列的數據製作象 形圖。以下分述他們的表現,並從各分卷中舉例說明(見括號內所引的題號及卷 號)。

#### 閱讀及解釋象形圖

- 大部分小三學生有良好的閱讀和解釋象形圖的能力,他們可比較象形圖的數據以解答問題(例如 Q36(a)和(b)/M1; Q38(a)和(b)/M2; Q39(a)和(b)/M3; Q35(a)和(b)/M4)或完成一些簡單的計算(例如 Q36(c)/M1; Q38(c)/M2; Q35(c)/M4)。
- 在解答開放式題目時,半數學生未能利用象形圖中的實際數據,作出合理解釋(參閱下列 Q39(c)/M3 的學生答案)。

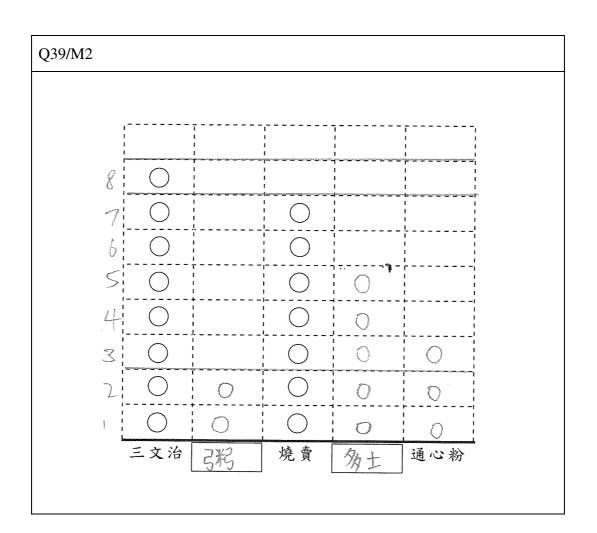
Q39(c)/M3	
老師應多買拉生和原果	9
因為他們一樣為多	-
老師應多買生生和問要果,因為學生愛吃的果仁	

# 製作象形圖

大部分學生能按表列的數據製作象形圖,並在象形圖加上適當的標題(例如Q37/M1; Q39/M2; Q38/M3),惟部分學生在標題中未能使用恰當的關鍵詞(參閱以下的學生答案)。



個別學生不必要地加上「頻數軸」代表象形圖的數據,少數學生可能混淆了 象形圖和棒形圖(參閱以下的學生答案)。



# 一般評論

小三學生在「數」、「度量」和「圖形與空間」三個範疇的表現不俗。在「數」範疇中,他們多能掌握第一學習階段教授的基本數學概念和計算技巧,解答簡單的應用題時也能展示正確的解題方法和步驟。學生在解答有餘數的除法應用題時,表現穩定。

多數學生在「度量」範疇能使用香港通用的貨幣及進行換算、閱讀鐘面和數字鐘、量度及比較物件的長度、重量和容器的容量。但學生在計算活動日數或佔用的時間、正確表達「24 小時報時制」和重量的單位、比較物件的重量和容量等方面的表現則較弱。

在「圖形與空間」範疇,大多數學生能辨認平面圖形、立體圖形、曲線、平 行線、垂直線、直角和四個主要方向。但有一些學生未能辨認柱體或判斷物件相 對於參考點的正確方向。

小三學生在「數據處理」範疇的表現頗佳。他們能閱讀「一個圖形代表 1 個單位」的象形圖,亦能利用表列的數據製作象形圖,但有半數學生未能正確闡釋象形圖中的數據並作出合理解釋。一般來說,小三學生能掌握熟悉的題型,但偶有不小心閱題或錯誤理解題意的情況。學生遇到須利用題目中特定的數據和條件作合理解釋時,表現稍遜,原因是他們只憑直覺或一般常識作答。

# 2013 年表現良好的小三學生概說

在每一分卷裏,依參與評核學生的得分排列出表現最佳的 10% 學生,以下就他們的表現作進一步描述和分析。在這群學生當中,約半數學生取得滿分或只失了一分,換言之,他們差不多完全掌握各分卷所考核的概念和技巧。

表現良好的學生算術運算能力較強,可解答涉及情境較複雜的應用題。當解 答四則應用題時,絕大部分學生能正確列寫步驟、清楚展示解題方法及步驟。 他們亦掌握涉及貨幣換算的除法計算技巧(參閱以下的學生答案)。

#### Q13/M4

最夠裝成:

947-9

= 105(筒)...1(個)

答最多可装成105筒,食虾2個

表現良好的學生對分數概念有透徹的理解,他們認識分數與整體的關係, 亦能比較分數的大小。

表現良好的學生善於使用香港通用的貨幣及進行換算、量度活動的時間、選 擇合適的度量單位和合適的工具進行量度。他們能直接或間接比較物件的重量和 容器的容量。

表現良好的小三學生認識各種平面圖形和立體圖形,並寫出它們的正確名稱。他們可分辨曲線、平行線、垂直線和直角。他們可準確比較角的大小和分辨四個主要方向。

表現良好的學生可依提供的原始數據製作象形圖。他們善於閱讀和分析象形圖,並根據圖中的數據作出合理的推論和闡釋答案(參閱以下的學生答案)。

Q39(c)/M3
老師應多買 拉生 禾口目要果 , 因為 花生 禾口目要果者 B 看 B 是 最多
月學喜歡吃白白。
老師應多買 <u>花 生 知 服果</u> ,
因為那兩種是最多票數的, 折以老師
應为買那雨電糧 展品。
老師應多買 花生和限果
因為 3A 班 同 學 1故 統 計 時
最多人選。

# 2011 年至 2013 年數學科小三學生表現比較

最近三年數學科達到基本水平的小三學生百分率 臚列如下:

表 8.2 2011 年至 2013 年數學科達到基本水平的小三學生百分率

年份	達到基本水平的學生百分率
2011	87.0
2012	87.3
2013	87.5

就小三學生在 2011 年、2012 年及 2013 年全港性系統評估的表現,比較他們的強弱項能為教師提供有用的資料,促進學生的學習。以下概略比較這三年學生在四個學習範疇的表現。

### 「數」範疇

- 2013年的小三學生在「數」範疇的整體表現和 2011、2012年相若。
- 學生在整數的位值概念和四則運算方面,表現頗佳。
- 學生在列式計算簡易應用題方面,表現令人滿意。而在解答涉及餘數的除法 應用題時,學生表現穩定。
- 學生計算貨幣應用題的表現較弱。在解答涉及貨幣計算的除法應用題方面, 表現則明顯較差。
- 學生在理解分數的概念及比較分數方面,表現良好。

### 「度量」範疇

- 2013年的小三學生在「度量」範疇的整體表現和 2011、2012年相若。
- 學生在辨認香港的流通貨幣、貨幣的換算及使用方面,表現平穩。
- 本年學生閱讀月曆上的日期和星期表現良好,但推算活動的日數時,表現稍 遜。
- 學生在閱讀鐘面及數字鐘的表現良好,惜在量度活動所用的時間方面,表現 稍遜。
- 學生在量度及比較物件間的距離和以自訂單位比較物件的長度方面,表現穩定。
- 學生在直接或間接比較物件的重量方面,表現下降。
- 學生在選擇合適的工具進行量度和合適的單位方面,表現有所進步。
- 本年學生在直接比較容器的容量方面表現稍遜。但在以自訂單位和以「升」
   (L)或「毫升」(mL)為單位,量度及比較容器的容量方面,表現平穩。

### 「圖形與空間」範疇

- 2013年學生在「圖形與空間」範疇的整體表現與2011、2012年相若。
- 今年學生在辨認立體圖形及平面圖形的表現較往年進步。

- 學生認識三角形簡單特性的表現穩定,惟部分學生混淆了直角三角形和等 腰三角形。
- 學生在辨認直線和曲線及勾畫出一組平行線和垂直線方面,表現良好。
- 小三學生辨認四個主要方向的表現不錯,但當圖中的「北」方不是向上時, 仍有進步空間。

### 「數據處理」範疇

- 2013年的小三學生在「數據處理」範疇的整體表現穩定。
- 學生閱讀象形圖的表現良好,惟在綜合和分析數據來解答開放式題目時,表現則較弱。
- 大部分學生能製作象形圖,惟少數學生只抄襲題目的詞句用作標題,在選擇關鍵詞方面,未能準確表達象形圖的意義。